

**طرق
الضبط الإحصائي
لتوكيد
جودة نتائج القياس**

Statistical Methods for Quality Control

Eng. Khaled Sadek (Quality consultant)

Training program agenda

أسس تقنيات ضبط الجودة

المحور الأول

خرائط ضبط الجودة

المحور الثاني

الضبط الاحصائي للجودة

المحور الثالث

تقدير قيم اللايقين فى القياس

المحور الرابع

خطط الفحص بأخذ العينات

المحور الخامس

أجندة
المحور
الأول

أسس
تقنيات
ضبط
الجودة

تعريفات
عامة

الجودة
وتكاليف
الجودة

ضبط
الجودة

فحص جودة
المنتج الصناعي

فحص جودة المنتج
الصناعي

المحور 1

أجندة المحور الثاني

الضبط الإحصائي للجودة

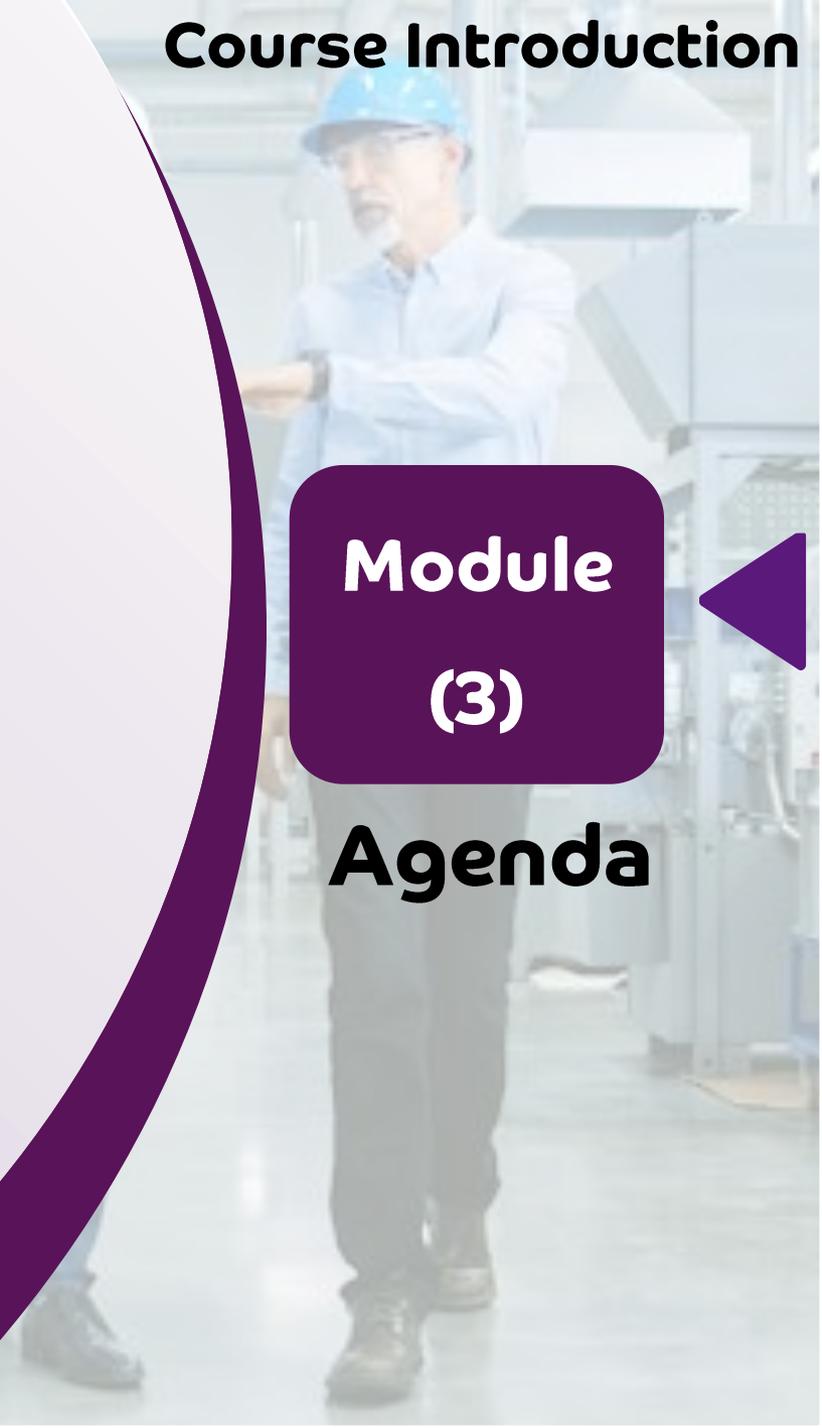




Module

(3)

Agenda



Introduction
&
Definitions

Sources of
uncertainty

Types of
uncertainty

المحور 4

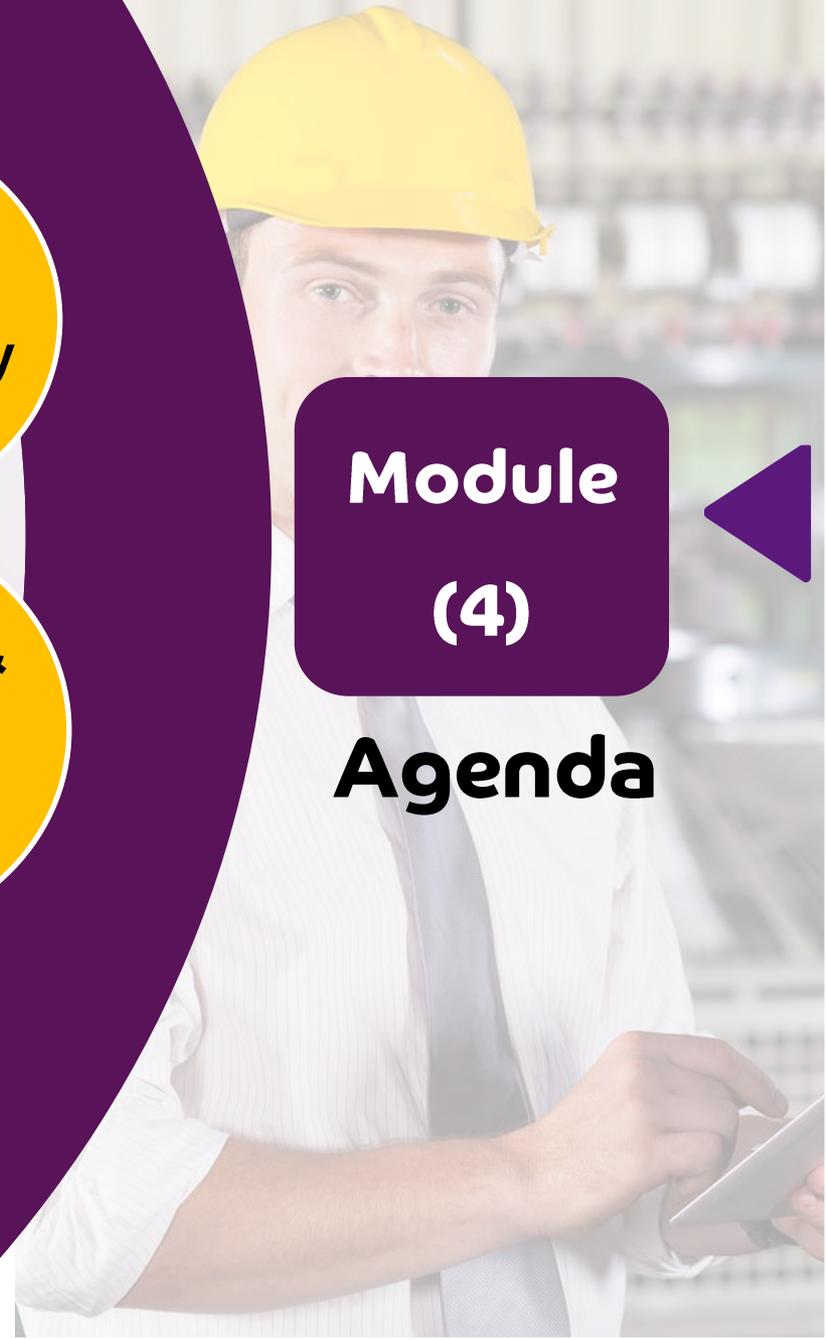
Combined &
Expanded
Uncertainty

Reporting &
Uncertainty
Budget

Probability
Distribution

Module
(4)

Agenda



أسس تقنيات ضبط الجودة

المحور الأول

1

أسس تقنيات ضبط الجودة

أجندة
المحور
الأول

أسس
تقنيات
ضبط
الجودة

تعريفات
عامة

الجودة
وتكاليف
الجودة

ضبط
الجودة

فحص جودة
المنتج الصناعي

فحص جودة
المنتج الصناعي

1



1-1 تعريفات

أسس تقنيات ضبط الجودة

تعريفات

شيء محسوس يمكن إجراء مجموعة من المشاهدات عليه

Item

الدفعة الاولى للانتاج وذلك لغرض الحصول على معلومات

Pilot lot

جزء من - او مجموعة فرعية من - مجموعة وحدات مجهزة
بواسطة عملية معينة او غيرها . يتم اختيارها بصورة مدروسة .
بهدف تقصي خواص اصل المجتمع الاحصائي او المجموعة

Sample

عدم تطابق بين مفردة ما وبين متطلبات معينة

Defect

أسس تقنيات ضبط الجودة

تعريفات

عدد المفردات في الدفعة وتبين خصائص ومميزات المنتج

Lotsize

القدرة على الإيفاء بحاجة معينة

Quality

دقة تطابق منتج او خدمة مع المتطلبات المعينة

Quality of conformance

عدد الوحدات المأخوذة من العينة

Sample size

أسس تقنيات ضبط الجودة

تعريفات

مفردة تحتوي على عيب واحد او اكثر

Defective

قيمة متغيرة يحصل عليها بالملاحظة المباشرة

Observed value

التفتيش على المفردات لاقرار درجة قبول الدفعة المقدمة

Acceptance
inspection

عملية قياس او اختبار او فحص او ضبط قياس او بتعبير اخر
مقارنة الوحدة مع المتطلبات المطبقة

Inspection

أسس تقنيات ضبط الجودة

تعريفات

التفتيش الاخير بعد المراحل المتعاقبة من التصنيع والإصلاح

Final inspection

تفتيش كل وحدة لمنتج أو تفتيش المادة بكاملها

100% inspection

جزء من الرقابة أثناء العملية ينفذ من قبل المشغل

Operator control

جزء من رقابة الجودة يختص بتقليل التغيرات في الجودة التي تحدث أثناء عملية الإنتاج

Process control

أسس تقنيات ضبط الجودة

تعريفات

التفتيش على العملية نفسها او خصائص المنتج في مرحلة مناسبة من العملية

Process Inspection

مراقبة الجودة في اي مرحلة للتزود بالمعلومات

Quality Audit

نظام برمجة وتنسيق جهود المجموعات في منشأة معينة بغرض المحافظة على الجودة أو لتحسينها بطريقة اقتصادية

Quality Control

أسس تقنيات ضبط الجودة

تعريفات

تفتيش يتم من قبل المستهلك او من قبل قسم للمواد أو المنتجات المصنعة عند استلامها

Receiving Inspection

تفتيش تام – أي اختبار 100% - لكمية من المادة او مفردات منتج مع رفض لجميع المفردات او الأجزاء التي تظهر معيبة

Screening Inspection

المصاريف الحاصلة أو التي تكريس لتثبيت وضبط مستوى جودة قياس معين للمنتجات

Quality Cost

أسس تقنيات ضبط الجودة

الجودة & تكاليف الجودة

Definitions

Quality can be quantified :

$$Q = P / E$$

Q = quality

P = performance (Organization determines)

E = expectations (Customer determines)

مبادئ عامة



تكاليف الجودة

هي : مجموع التكاليف التي يتم إنفاقها في المنشأة أو المنظمة الإنتاجية لضمان تقديم المنتج إلى المستهلك حسب متطلباته ورغباته.

تشمل هذه التكاليف تكاليف للإخفاقات التي تحدث نتيجة عدم الوفاء بمتطلبات الجودة على المستوى الداخلي للمنشأة أو خارجها.

إذن هي مجموع التكاليف التي يتحملها المنتج والمتعلقة بتحديد مستوى جودة المنتج وتحقيقه والتحكم فيه و تقييم مدى مطابقة مواصفات المنتج مع متطلبات و رغبات المستهلك.



لماذا ندرس تكاليف الجودة ؟

تعتبر دراسة تكاليف الجودة من بين أهم الأفكار في إدارة الجودة الشاملة (Total Quality Management) وهي جزء هام وتكاملي لأي برنامج جودة في المنظمات والمنشآت الإنتاجية.

1 تعتبر الدراسة مؤثر قوي لتحفيز الإدارة العليا في تطبيق وتنفيذ مفهوم تكاليف الجودة

2 أكثر المنافع هو تخفيض هذه التكاليف الإجمالية للمنتج والتحكم والسيطرة عليها بفعالية وبالتالي زيادة أرباح المنشأة.

3 أكثر دقة في تقييم وتقدير التكاليف ووضع الميزانيات بواقعية.

4 تحويل الجودة إلى أرقام بسيطة ومرئية من خلال نسب خسارة مباشرة يساعد الإدارة والموظفين لفهم أهمية عمل الشيء صحيحاً من المرة الأولى.

أهم مميزات
دراسة
التكاليف
المتعلقة
بالجودة هي :

أهمية دراسة اقتصاديات الجودة

تعتبر دراسة تكاليف الجودة من بين أهم الأفكار في إدارة الجودة الشاملة (Total Quality Management) وهي جزء هام وتكاملي لأي برنامج جودة في المنظمات و المنشآت الإنتاجية.

- تعتبر دراسة تكاليف الجودة أداة تحسين مستمر للجودة فهي تساعد على تحديد مناطق الفشل والإخفاق و مصادر حدوث العيوب و هذا باستخدام الأدوات الاحصائية.
- تؤدي الجودة الرديئة إلى زيادة أنواع معينة من التكاليف التي تتحملها المنشأة أو المنظمة، خاصة تلك التكاليف المتعلقة ب:

تكاليف الخصم
على المنتجات
ذات الجودة
الرديئة

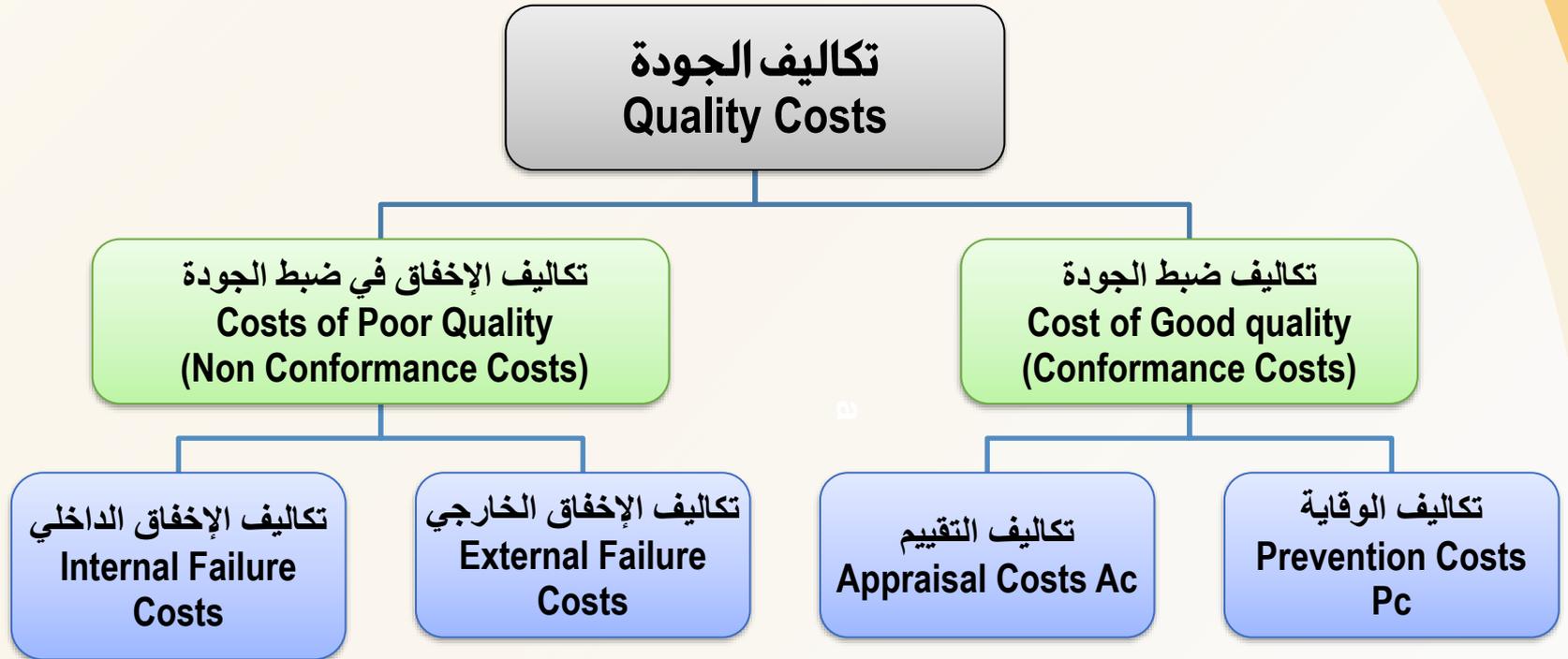
الفحص
والاختبار

الوحدات
المعيبة من
الانتاج

إعادة
التصنيع

التعامل مع
شكاوي العملاء
و الزبائن الغير
راضين

أنواع تكاليف الجودة



$$(P_c + A_c + F_{ce} + F_{ci}) = \text{تكاليف الجودة}$$



أسس تقنيات ضبط الجودة



تكاليف الوقاية

هي التكاليف التي تصرف لمنع حدوث عيوب في المنتج و منع و الوقاية من عدم مطابقة المنتجات مع المواصفات المطلوبة.

تشمل تكاليف الوقاية الأمثلة التالية :

تكاليف تدريب
العاملين في
مجال الجودة

تكاليف التحكم
في العمليات
الإنتاجية

تكاليف توكيد
الجودة لدى
المورد

تكاليف
التخطيط
للجودة
وتصميمها
وتطوير نظامها

التكاليف
المتعلقة ببرامج
تحسين الجودة

تكاليف مراجعة
وتحليل بيانات
الجودة

أسس تقنيات ضبط الجودة



أسس تقنيات ضبط الجودة

العلاقة بين أنواع تكاليف الجودة



العلاقة بين عناصر تكاليف الجودة خاضعة لقانون (100:10:1): فإنفاق 1 جنيه على تكاليف الوقاية سوف يوفر 10 جنيه على تكاليف التقييم و 100 جنيه على تكاليف الاخفاق (الداخلي والخارجي)

أسس تقنيات ضبط الجودة

1-3 ضبط الجودة

أسس تقنيات ضبط الجودة

مقدمة



تقتني الشركات الصناعية المواد الخام أو مواد نصف مصنعة (أو كاملة التصنيع) من مصادر أخرى قصد تصنيعها أو تجميعها للحصول على منتج صناعي.



إن التأكد من جودة هذه التوريدات (الطلبات) التي تصل إلى الشركة مهم وضروري لجودة منتجها النهائي.



ويتم ذلك عن طريق فحص جودة هذه التوريدات (أي بإجراء عملية تقييم للجودة).

أسس تقنيات ضبط الجودة

✓ كما يستعمل الفحص كذلك في آخر مراحل الإنتاج للتفتيش عن جودة المنتج النهائي قبل تسويقه إلى المستهلك.



✓ الغرض الأساسي من ضبط الجودة هو ضمان جودة المنتج بأقل تكلفة ممكنة.



عمليا لا يمكن تحقيق ذلك إلا بالتحكم في العمليات الإنتاجية والتقليل من حدوث إنتاج معيب و خارج حدود المواصفات.

توجد هناك أربع خطوات عملية لضبط جودة المنتجات الصناعية.

أسس تقنيات ضبط الجودة

● تحديد مستوى الجودة المطلوب : وهذا من خلال أبحاث السوق وتصميمات المنتج و وضع المواصفات.

● تقييم المطابقة بين المنتج و المواصفات : وهذا عن طريق أخذ عينات منتظمة من خط الإنتاج ثم إجراء عمليات قياس على خصائصها. ومقارنة النتائج مع مثيلاتها المحددة في المواصفات و تحديد قيم الاختلافات الموجودة بينهما.

● تقييم و تحليل الأسباب المؤدية الى هذه الاختلافات و اتخاذ الإجراءات التصحيحية والوقائية.

● التخطيط للتحسين المستمر للجودة و هذا عن طريق مراجعة مواصفات المنتج

1-4 الضبط المتكامل للجودة

أسس تقنيات ضبط الجودة

✓ إن جميع المراحل الإنتاجية للمنتج من تصميم , تصنيع , تخزين و توزيعه تؤثر في جودته .

✓ من أجل ضمان جودة المنتج فلا بد من ضبط هذه العمليات و الأنشطة جميعها وهذا ما يعرف بالضبط المتكامل للجودة.

✓ الضبط المتكامل (الشامل) لجودة الإنتاج هو عبارة عن نظام شامل و متكامل بواسطته يمكن تجميع عمل الوحدات المختلفة داخل المصنع التي تعمل في مجالات تطوير الجودة و تحسينها لضمان إنتاج المنتجات بدرجة مناسبة من الجودة ترضي رغبات المستهلك و بأقل التكاليف.

عناصر الضبط المتكامل للجودة

1- وضع مواصفات للمنتج. و يدخل فيها رغبات المستهلك و مواصفات التصميم و التطوير و الأبحاث.

1

2 - ضبط جودة المواد الداخلة.

2

3 - ضبط جودة المنتج أثناء التشغيل.

3

4 - ضبط جودة المنتج النهائي بما في ذلك التغليف و التعبئة و التخزين و النقل و ضبط جودة أجهزة القياس و الفحص.

4

5 - ضبط جودة المنتج بعد البيع و يمثل هذا بالإعتمادية (المعولية) (Reliability)

5

6- إدارة الجودة و تمثل كل النواحي الإدارية المتصلة برفع و تحسين مستوى الجودة (مسؤولية الجودة، التدريب و الحوافز إلى غير ذلك)

6

أسس تقنيات ضبط الجودة

1-5 فحص جودة المنتج

أسباب الاختلافات التصنيعية

النظام الصناعي

Manufacturing System



المادة الخام
Raw
Material



العمالة الفنية
Man



الماكينات و الآلات
Machine



طرق التصنيع
Methods



بيئة العمل
Environment



المستهلك
Customer



المنتج الصناعي
Product

الضبط الإحصائي للجودة Statistical Quality Control

- ✓ تعتمد طريقة الضبط الإحصائي للجودة على تحليل نتائج القياسات والاختبارات باستعمال الطرق الإحصائية (Statistics)
- ✓ تعتبر الطرق الإحصائية من بين أكثر الأساليب أهمية في مجال ضبط الجودة للتطبيقات المخبرية والصناعية حيث بدء استخدامها مع نهاية الحرب العالمية الثانية من طرف كبرى الشركات العالمية في اليابان ثم أمريكا تحديدا ومع التطور المذهل في برامج الحاسب الآلي فقد زادت أهمية هذه الطرق وتطورت

أهم مصادر وأسباب تغير النتائج والقياسات

Main Sources of Variation



Equipment

1

Tool wear, machine vibration, ... •

Material

2

Raw material quality •

Environment

3

Temperature, pressure, humidity •

Operator

4

Operator performs- physical & emotional •

فحص جودة المنتج الصناعي

المدخلات

مادة خام
منتج نصف مصنع

خرائط التحكم
وخطط الفحص

جودة المدخلات

الانتاج

نظام التصنيع

خرائط التحكم

جودة المنتج
التحكم في العملية الانتاجية

المخرجات

منتج صناعي
/ خدمات

خرائط التحكم
وخطط الفحص

جودة المنتج النهائي

العلاقة بين الاختلافات التصنيعية و جودة المنتج

- ✓ إن للاختلافات التصنيعية أثر سيئ على جودة المنتج . فكلما زادت نسبة هذه الاختلافات و كبر مجالها إلا و ساء مستوى الجودة .
- ✓ هذا لأن خصائص المنتج تكون متباعدة و مشتتة عن المواصفات القياسية للمنتج المصممة خصيصا قصد إرضاء المستهلك.
- ✓ إن تحسين مستوى الجودة (Quality Improvement) يعني التقليل من الاختلافات التصنيعية.
- ✓ كما يعني كذلك تقليص و تقليل عدد الوحدات المعيبة.

العلاقة بين الاختلافات التصنيعية و جودة المنتج

السبب الرئيس في انخفاض جودة المنتج هو عدم اختيار
طرق المعاينة المناسبة والتقنيات الاحصائية المناسبة لضبط
جودة.

المحور الثاني

2

الضبط الإحصائي للجودة

Course Introduction

أجندة
المحور
الثاني

الضبط
الإحصائي
للجودة

المواصفات
والجودة

خصائص
الجودة

مبادئ
إحصائية

علاقات
رياضية

2

أسس تقنيات ضبط الجودة

2-1 المواصفات والجودة

الضبط الاحصائي للجودة

المواصفات و الجودة

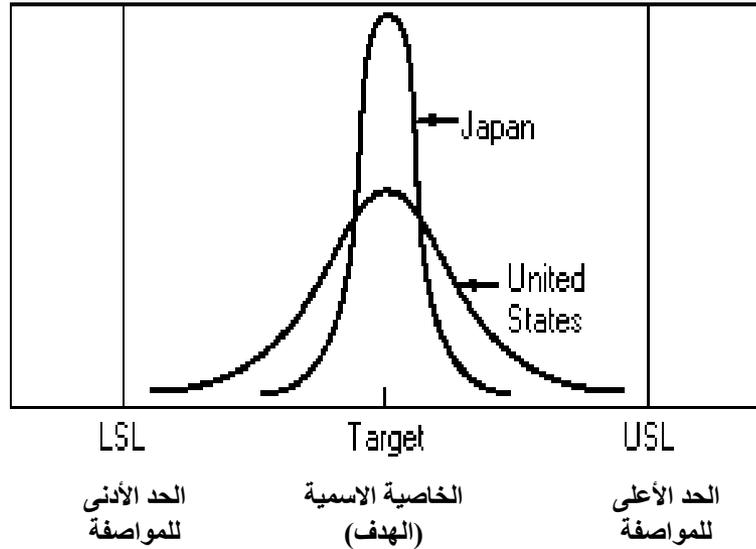


2-2 خصائص الجودة

الضبط الإحصائي للجودة

المواصفات و الجودة

نقوم بمقارنة خواص المنتج مع مواصفات الجودة خاصة:



الخاصية الإسمية أو الهدف

Nominal / Target Value

الحد الأدنى للمواصفة

Lower Specification Limit

الحد الأعلى للمواصفة

Upper Specification Limit

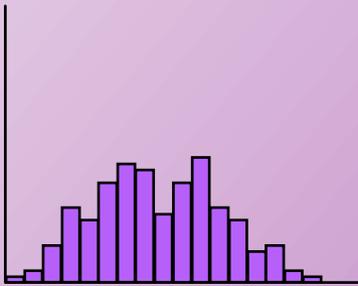
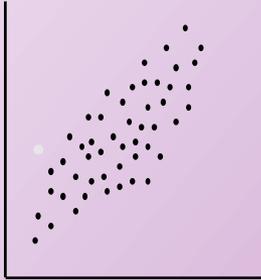
أنواع خصائص الجودة

1 الخواص Attributes

هي مجموع الخصائص المحددة للمنتج والتي لا يمكن تحديد قيمها عن طريق القياسات مثل: أعداد القطع المعيبة.

2 المتغيرات Variables

و هي مجموع الخصائص الممكن تحديدها عن طريق أجهزة القياس. مثل: أبعاد المنتج و الأوزان الخ....



الضبط الإحصائي للجودة

أهم التقنيات التي تحقق ضبط الجودة على المستوى الصناعي هي:

ضبط الجودة الإحصائي

Statistical Quality Control

- التوزيع التكراري Histograms

- خرائط التحكم للمتغيرات Control Charts for Variables

- خرائط التحكم للخواص Control Charts for Attributes

1 ضمان الجودة عن طريق ضبط العمليات الإنتاجية
Process Control

2 ضمان جودة المنتج النهائي عن طريق الفحص و
الاختبار Inspection and Testing

3 ضمان الجودة عن طريق تطبيق مفهوم ادارة
الجودة الشاملة Total Quality Management.

خطط الفحص والمعاينة

Acceptance Sampling
Plans

2-3 مبادئ احصائية

الضبط الاحصائي للجودة

2

Definitions

مجموعة من العمليات تهدف الى تعيين قيمة معينة (مقارنة كمية مجهولة بكمية معلومة)

القياس

الكمية المعينة المراد قياسها

المقيس

القيمة المنسوبة للمقيس ويحصل عليها بالقياس

نتيجة القياس

نتيجة القياس قبل التصحيح

النتيجة الغير مصححة

نتيجة القياس بعد تصحيحها للاخطاء

النتيجة المصححة

الضبط الاحصائي للجودة

Definitions

مدى اقتراب نتيجة القياس من القيمة الحقيقية للمقيس

صحة القياس

نتيجة القياس مطروحا منه القيمة الحقيقية للمقيس

الخطأ في القياس

الخطأ في القياس مقسوما على القيمة الحقيقية للمقيس

الخطأ النسبي

الضبط الاحصائي للجودة

Definitions

استخدام مقياس معين لقياس كمية معينة لا يعطي القيمة الحقيقية للكميات المقاسة لان الحقيقة المطلقة في علم الله وحده.

اذن نحن نلجأ للقياس ونلجأ لمقارنة الكمية المقاسة بما نعتقد انه القيمة الحقيقية المطلقة.

اذن النتيجة النهائية للمقيس باستخدام اداة القياس لا تمثل القيمة الحقيقية للمقيس

اذن يوجد قدر من القصور في الاداء يلزم تقيمه (اللايقين)

الضبط الاحصائي للجودة

Definitions

Measurement Uncertainty is:

An estimate of range of values about the measurement value in which the accepted value is believed to lie.

اللايقين

هو المدى حول الصفر الذي بين حدوده تقع القيمة الحقيقية للمقيس بدرجة ثقة معينة

نقص في درجة الثقة في القياس

أسس تقنيات ضبط الجودة

2-4 علاقات رياضية

الضبط الاحصائي للجودة

Mean

(المتوسط / الوسط الحسابي)

It is the sum total of all data values divided by the number of data points.

$$\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{q_1 + q_2 + q_3 \cdots q_n}{n}$$

الضبط الاحصائي للجودة

Mean

(المتوسط / الوسط الحسابي)

مزايا استخدام الوسط الحسابي :

- 1- سهل استخدامه جبريا
- 2- يأخذ في الاعتبار جميع القيم محل الدراسة
- 3- أكثر المقاييس استخداما في الاحصاء

عيوب استخدام الوسط الحسابي :

- 1- يتأثر بالقيم الشاذة (المتطرفة)
- 2- لا يمكن حسابه في البيانات الوصفية

الضبط الاحصائي للجودة

Median

الوسيط

It is the middle value when the data is ordered in ascending or descending order.

3 4 5 5 **5** 7 8 8 9

For an even set of data, the median is the average of the middle two numbers.

الضبط الاحصائي للجودة

Median

الوسيط

مزايا استخدام الوسيط :

- 1- لا يتأثر بالقيم الشاذة (المتطرفة)
- 2- يمكن تحديده في البيانات الوصفية

عيوب استخدام الوسيط :

- 1- لا يأخذ في الاعتبار جميع القيم محل الدراسة
- 2- لا يسهل استخدامه جبريا

الضبط الإحصائي للجودة

Mode

المنوال

It is the more frequently occurring number in a data set.

5 3 7 9 8 5 4 5 8

the mode is **5**

(it is possible for groups of data to have more than one mode)

الضبط الإحصائي للجودة

Mode

المنوال

مزايا استخدام المنوال :

- 1- سهل استخدامه جبريا
- 2- لا يتأثر بالقيم الشاذة (المتطرفة)
- 3- يمكن تحديده في البيانات الوصفية

عيوب استخدام المنوال :

- 1- لا يأخذ في الاعتبار جميع القيم محل الدراسة
- 2- يمكن وجود أكثر من منوال

الضبط الاحصائي للجودة

(مقاييس التشتت) Measures of dispersion

Range

المدى

The difference between largest and smallest

Values : 4 5 3 5 7 8 8 9

$$\text{Range} = 9 - 3 = 6$$

الضبط الإحصائي للجودة

Range

المدى

مزايا استخدام المدى :

- 1- سهل استخدامه جبريا
- 2- يعطي فكرة سريعة عن البيانات

عيوب استخدام المدى :

- 1- يعتمد في حساباته على قيمتين فقط مع اهمال باقي النتائج
- 2- يتأثر بالقيم الشاذة (المتطرفة)

الضبط الإحصائي للجودة

Types of uncertainty

Type A

Standard Deviation: Square Root Of the Variance

4 5 5 5 7 8 8 9

$$\sigma = \sqrt{v} = \sqrt{\frac{\sum (X - \bar{X})^2}{n}}$$

$$s = \sqrt{\frac{\sum (X - \bar{X})^2}{n - 1}}$$

STD = 2.061

Use **n** for the population and **n-1** for a sample

الضبط الإحصائي للجودة

Types of uncertainty

Type A

Mean

$$\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{q_1 + q_2 + q_3 \dots q_n}{n}$$

Standard Deviation

$$s(q_j) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (q_j - \bar{q})^2}$$

Type A

$$s(\bar{q}) = \frac{s(q_j)}{\sqrt{n}}$$

الضبط الإحصائي للجودة

العلاقة المستخدمة	الغرض	المسمى
$\bar{X} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_{10}}{10}$	إيجاد متوسط عدد 10 قياسات في نفس الظروف والشروط	المتوسط الحسابي
$Error = X - X_{act.}$	تعيين قيمة الخطأ في كمية مقاسة	الخطأ المطلق
$P.E\% = \frac{N.V - A.V}{A.V} \%$	لتعيين النسبة المئوية للخطأ مقارنة بالقيمة الفعلية للمقيس	الخطأ النسبي %
$P.E_{ppm} = \frac{N.V - A.V}{A.V} * 10^6$	لتعيين نسبة الخطأ بوحدات الجزء من مليون مقارنة بالقيمة الفعلية للمقيس	الخطأ النسبي كجزء من المليون ppm
$Corr. = -Error$	لتعيين القيمة الفعلية	التصحيح
$A.V = M.V + Corr.$	لتعيين أفضل وأقرب قيمة قياس الى القيمة الحقيقية	القيمة الفعلية
$Span = X_{max.} - X_{min.}$	لتعيين الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة محتملة للقياس	Span مدى الاتساع

العلاقة المستخدمة	الغرض	المسمى
$X_1, X_2, X_3, \dots, X_{10}$	يمثل عدد 10 نقاط قياس على الأقل في نفس الظروف $n=10$	المجتمع الإحصائي
$R = X_{\max.} - X_{\min.}$	تعيين مقدار الاتساع بين أصغر وأكبر قيمة	المدى في المجتمع الاحصائي
$S^2 = \frac{\sum(X_i - \bar{X})^2}{n}$	لتعيين متوسط مربع حيود القياسات عن القيمة المتوسطة	التباين
$\alpha(\text{Type A}) = \frac{S}{\sqrt{n}}$	يعبر عن الخطأ العشوائي في القيمة المتوسطة (الذي يتغير بتغير القياس وليس له ضابط يحكمه)	الخطأ المعياري (الرتبة أ من اللايقين)
يستخدم الانحراف المعياري σ في تعيين ذلك الخطأ	لتعيين حيود نتائج القياس عن قيمتها المتوسطة .. والحكم على مستوى بعثرة نقاط القياس حول النقطة المتوسطة	دقة النتائج Precision
تمثل قيمة الخطأ الكلي في القيمة المقاسة - كما سبق -	لتعيين مدى اقتراب القيمة المتوسطة للقياسات العشرة من القيمة الحقيقية	صحة النتائج Accuracy
$Y = A.V \pm U$	يستخدم في تقرير الاختبار أو شهادة المعايرة حيث يتضمن لايقين القياس	النتاج النهائي

الضبط الإحصائي للجودة

Types of uncertainty – Calculation

OF

Type A

Example

Four measurements were made to determine the repeatability of a measurement system. The results obtained were:

3.42, 3.88, 2.99 and 3.17

$$\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{q_1 + q_2 + q_3 \cdots q_n}{n}$$

$$s(q_j) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (q_j - \bar{q})^2}$$

$$s(\bar{q}) = \frac{s(q_j)}{\sqrt{n}}$$

الضبط الإحصائي للجودة

Types of uncertainty – Calculation

OF

Type A

The Solution:

The mean value $\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{3.42 + 3.88 + 2.99 + 3.17}{4} = 3.365$

The estimated standard deviation $s(q_j) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (q_j - \bar{q})^2} = 0.386$

The experimental standard deviation of the mean $s(\bar{q}) = \frac{s(q_j)}{\sqrt{n}} = \frac{0.386}{\sqrt{4}} = 0.193$

Types of uncertainty – Calculation Of Type A

Example :

Four measurements were made to determine the repeatability of a measurement system. The results obtained were:

**119.87, 120.03, 118.99, 121.00
and 119.85**

$$\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{q_1 + q_2 + q_3 \cdots q_n}{n}$$

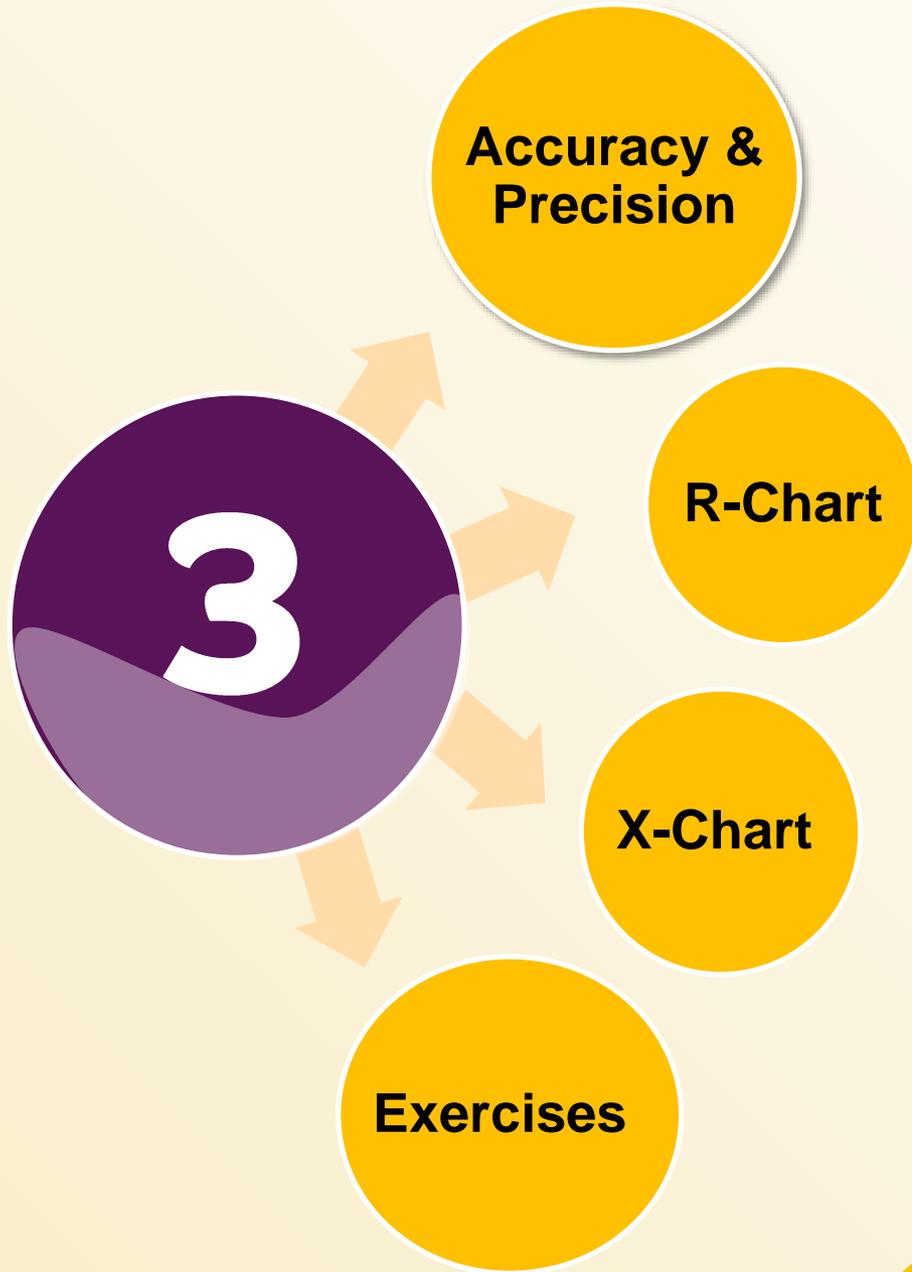
$$s(q_j) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (q_j - \bar{q})^2}$$

$$s(\bar{q}) = \frac{s(q_j)}{\sqrt{n}}$$

Third Module

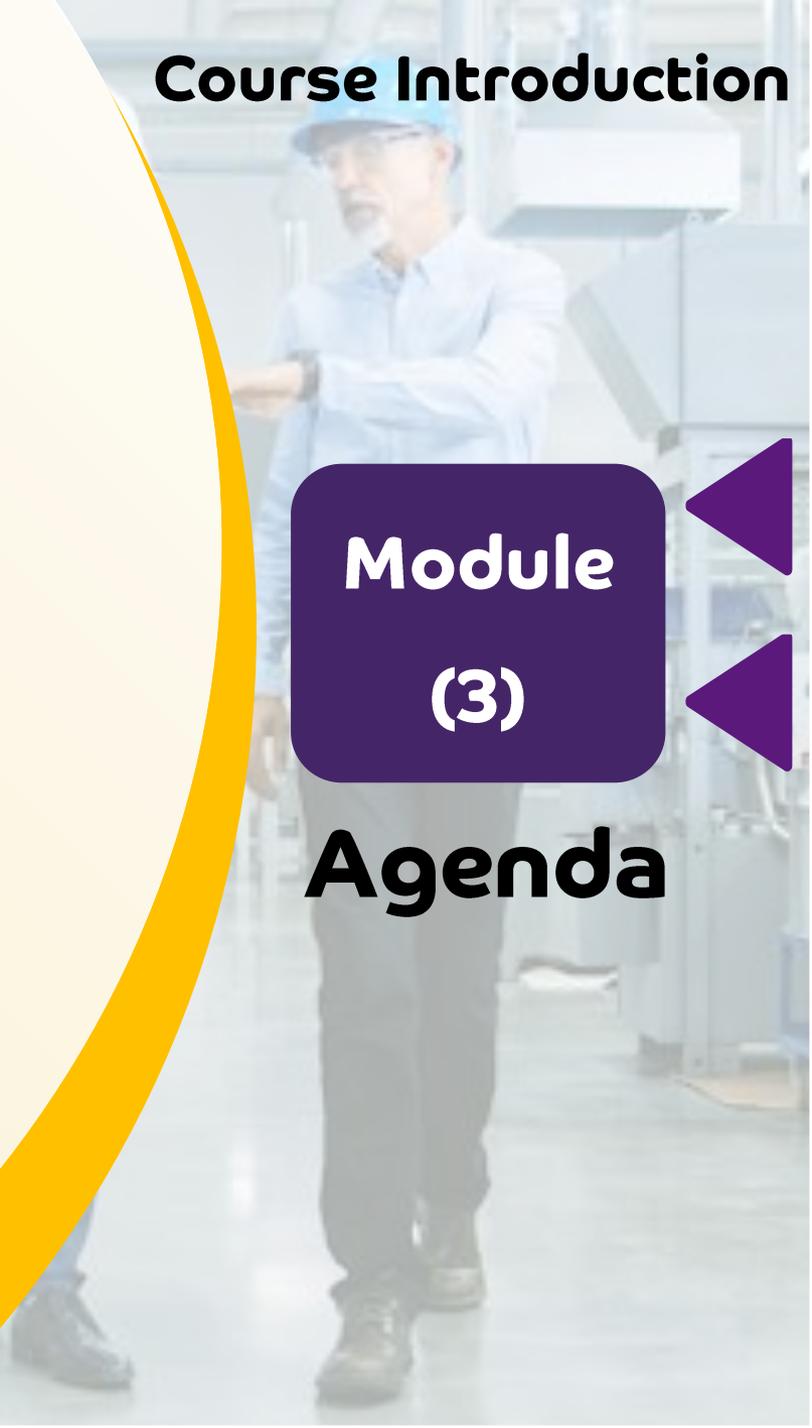
3

Quality Control Charts



**Module
(3)**

Agenda



3-1 Accuracy & Precision

Difference between Accuracy & Precision

مدى اقتراب او بعد النتيجة التي نحصل عليها من الاختبار عن القيم المرجعية المتفق عليها

صحة القياس

Accuracy

مدى تباين النتائج حول المتوسط

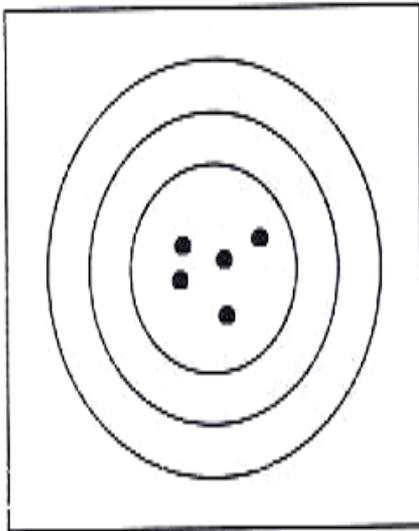
الدقة

Precision

دقة الاتفاق بين نتائج قياسات متتالية للمقيس نفسه تجرى تحت ظروف القياس نفسها (نفس الشخص - نفس الجهاز - نفس التوقيت)

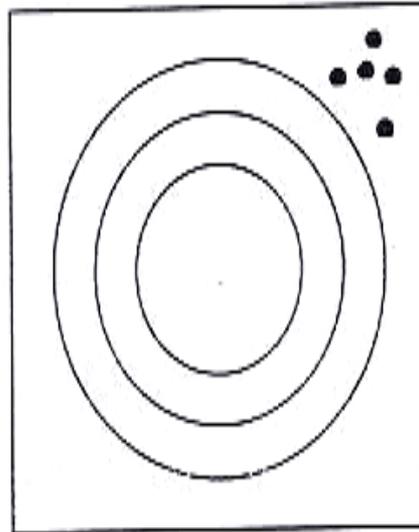
التكرارية

Difference between Accuracy & Precision



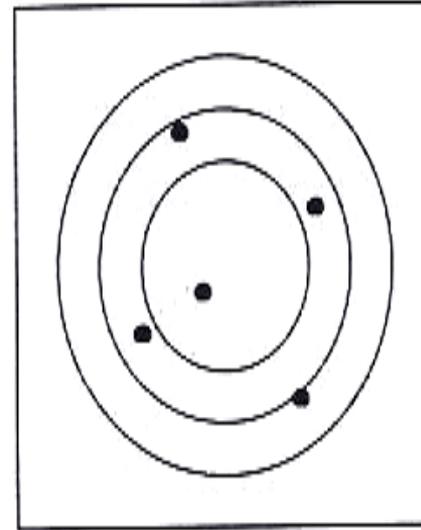
(a)

Precise and Accurate



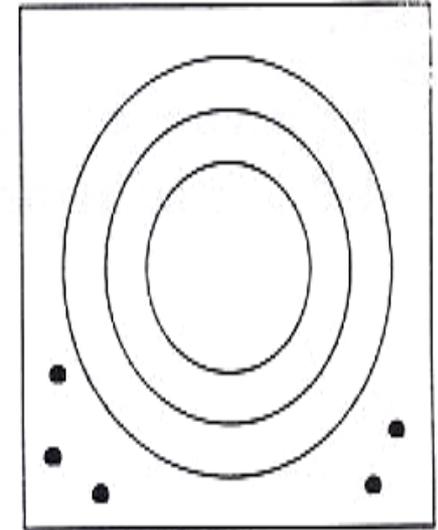
(b)

Precise and Inaccurate



(c)

Accurate and Imprecise



(d)

Inaccurate and Imprecise

- صحيح
- دقيق

- غير صحيح
- دقيق

- صحيح (كيف؟)
- غير دقيق

- غير صحيح
- غير دقيق

خرائط التحكم في المدى R – chart

The **R-chart** is developed from the ranges of each subgroup



لماذا R-Chart? (تتعلق بالتغيرات العشوائية المسببة لتشتت النتائج)

هل النتائج المسجلة شديدة التقارب؟

هل الفروق بين النتائج المسجلة صغيرة جدا يمكن إهمالها؟

هل مستوى دقة النتائج تحت السيطرة والتحكم؟

هل هناك شبه استقرار وثبات للنتائج مهما تعددت مجموعات القياس في نفس الظروف؟

خرائط التحكم في المتوسط

The **X-bar** chart is developed to detect changes in the mean between subgroups

- لماذا (X-Chart) تتعلق بالتغيرات الرتيبة التي تؤثر على صحة النتيجة
- هل القيمة المقاسة (المتوسط الحسابي لعدد من القياسات) ثابتة تقريبا لأي عدد من مجموعات القياس في نفس الظروف؟
- هل مستوى صحة القياس تحت السيطرة والتحكم؟



3-2 R-Charts

استخراج قيم المعاملات المستعملة في خرائط التحكم

جدول 1 احصائي - Control Chart Factors

عدد النتائج داخل كل مجموعة (n)	X-Charts (A)	R-Charts (D_1)	R-Charts (D_2)
2	1.880	0	3.267
3	1.023	0	2.575
4	0.729	0	2.282
5	0.577	0	2.115
6	0.483	0	2.004
7	0.419	0.076	1.924

For Example:

A-Chart

رقم المجموعة	نتائج القياس الأربعة داخل كل مجموعة قياس			
	1	2	3	4
1	0.5014	0.5022	0.5009	0.5027
2	0.5021	0.5041	0.5024	0.5020
3	0.5018	0.5026	0.5035	0.5023
4	0.5008	0.5034	0.5024	0.5015
5	0.5041	0.5056	0.5034	0.5047

$n = 4$

عدد مرات
القياس
داخل كل
مجموعة

$N = 5$

عدد
مجموعات
القياس

والآن نعين كلا من متوسط أمدية المجموعات + متوسط المتوسطات

Group Number	<u>Records</u>				مدى كل عينة	متوسط كل عينة
	<u>1</u>	<u>2</u>	<u>3</u>	<u>4</u>	<u>R</u>	<u>X</u>
1	0.5014	0.5022	0.5009	0.5027	0.0018	0.5018
2	0.5021	0.5041	0.5024	0.5020	0.0021	0.5027
3	0.5018	0.5026	0.5035	0.5023	0.0017	0.5026
4	0.5008	0.5034	0.5024	0.5015	0.0026	0.5020
5	0.5041	0.5056	0.5034	0.5047	0.0022	0.5045

متوسط مدى جميع العينات $\bar{R} = 0.0021$

متوسط المتوسطات لجميع العينات $\bar{X} = 0.5027$

Quality Control Charts

ثم حساب حدود الضبط الثلاثة للمدى بالاستعانة بجدول احصائي 1

$$n = 4:$$

$$D_2 = 2.282$$

$$D_1 = 0$$

$$A = 0.729 \text{ (later)}$$

$$R = 0.0021$$

$$UCL_R = D_2 \bar{R} = 2.282 \times 0.0021 = 0.00479$$

$$LCL_R = D_1 \bar{R} = 0 \times 0.0021 = 0$$

Quality Control Charts

استخراج قيم المعاملات المستعملة في خرائط التحكم

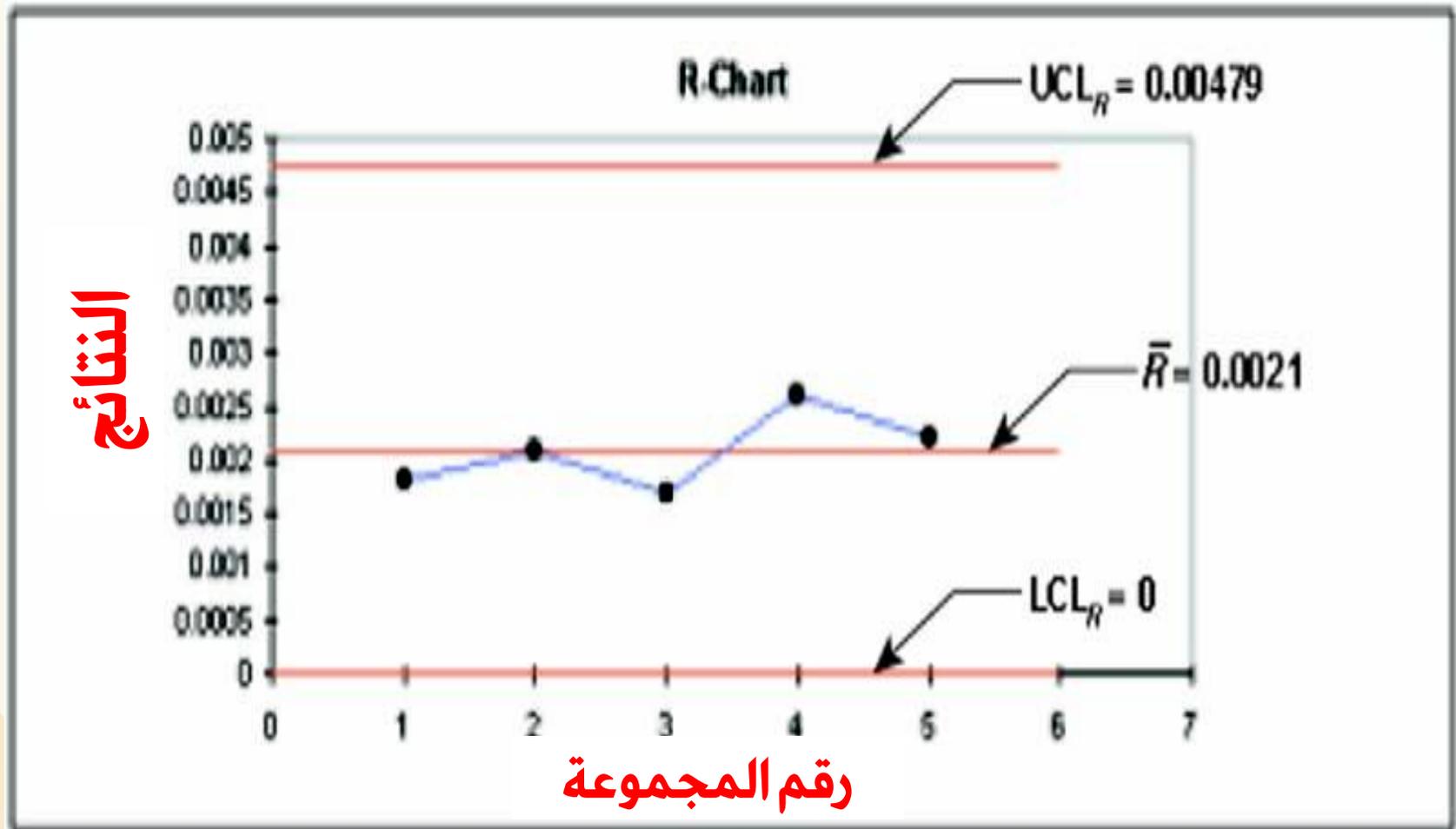
جدول 1 احصائي - Control Chart Factors

عدد النتائج داخل
كل مجموعة

(n)	(A)	(D_1)	(D_2)
2	1.880	0	3.267
3	1.023	0	2.575
4	0.729	0	2.282
5	0.577	0	2.115
6	0.483	0	2.004
7	0.419	0.076	1.924

Quality Control Charts

ثم نرسم خريطة التحكم للمدى R chart



Quality Control Charts

3-3 X-Charts

ب- خرائط التحكم للمتوسط X chart

تستخدم هذه الخرائط في الضبط والسيطرة على ثبات مستوى صحة القيمة المقاسة وضمان وقوعها بين حدود الضبط وذلك لعدد من النتائج مأخوذة في شكل مجموعات لها نفس العدد من القياسات

$$UCL_{\bar{x}} = \bar{\bar{x}} + A\bar{R}$$

$$LCL_{\bar{x}} = \bar{\bar{x}} - A\bar{R}$$

معاملات ثابتة (جدول 1)

$$\bar{\bar{X}} = \frac{\sum_{i=1}^s X_i}{N}$$

مجموع قيم
المتوسطات لكل
المجموعات

عدد مجموعات
القياس

تعيين
حدود
الضبط
الثلاثة

X chart خريطة التحكم للمتوسط

تعيين حدود الضبط الثلاث للمثال السابق :

$$UCL_{\bar{x}} = \bar{\bar{x}} + AR$$

الحد الأعلى للمتوسط

$$LCL_{\bar{x}} = \bar{\bar{x}} - AR$$

الحد الأدنى للمتوسط

ومتوسط المتوسطات

$$\bar{\bar{x}} = \underline{0.5027}$$

$$A = 0.729$$

ونحدد المعامل الثابت من الجدول 1

$$UCL_{\bar{x}} = \bar{\bar{x}} + AR = \underline{0.5042}$$

$$LCL_{\bar{x}} = \bar{\bar{x}} - AR = \underline{0.5012}$$

Quality Control Charts

استخراج قيم المعاملات المستعملة في خرائط التحكم

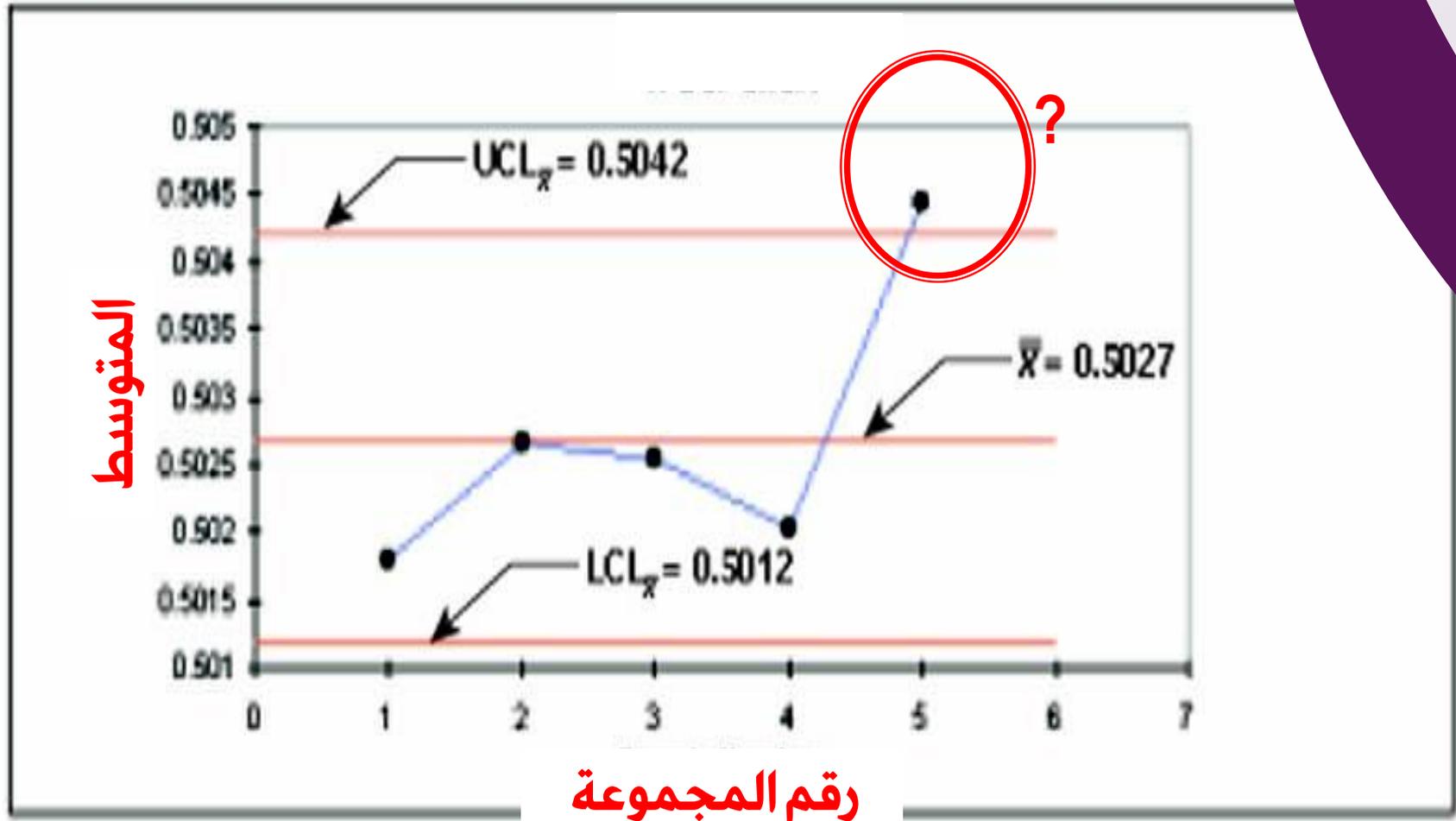
جدول 1 احصائي - Control Chart Factors

عدد النتائج داخل
كل مجموعة

(n)	X-Charts (A)	R-Charts (D_1)	R-Charts (D_2)
2	1.880	0	3.267
3	1.023	0	2.575
4	0.729	0	2.282
5	0.577	0	2.115
6	0.483	0	2.004
7	0.419	0.076	1.924

Quality Control Charts

X chart خريطة التحكم للمتوسط



Quality Control Charts

5-4 Exercises

تطبيق عملي
(للمرین)

نتائج 5 قياسات لعدد 15 مجموعة قياس

المجموعة	X1	X2	X3	X4	X5	R	\bar{X}
1	36	35	34	33	32	4	34
2	31	31	34	32	30	4	31.6
3	30	30	32	30	32	2	30.8
4	32	33	33	32	35	3	33
5	32	34	37	37	35	5	35
6	30	32	31	33	33	3	31.8
7	33	33	36	32	31	5	33
8	23	33	36	35	36	13	32.6
9	43	36	35	24	31	19	33.8
10	36	35	36	41	41	6	37.8
11	34	38	35	24	38	14	33.8
12	36	38	39	39	40	4	38.4
13	36	40	35	26	33	14	34
14	36	35	37	34	33	4	35
15	30	37	33	34	35	7	33.8

$N = 15$
@ $n = 5$:

—
 $R = 7.133$

متوسط الأمدية

=
 $X = 33.893$

متوسط المتوسطات

حدود الضبط للمدى:

$D1 = 0$

$D2 = 2.115$

$UCL = \underline{15.087}$ $LCL = \underline{0}$

R

R

حدود الضبط للمتوسط : (حيث $A=0.577$)

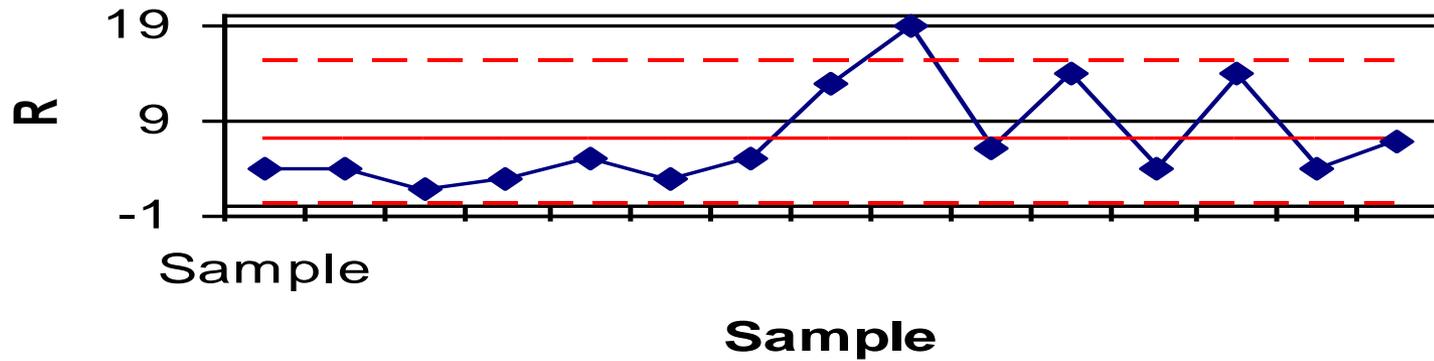
$UCL = \underline{38.009}$ $LCL = \underline{29.777}$

x

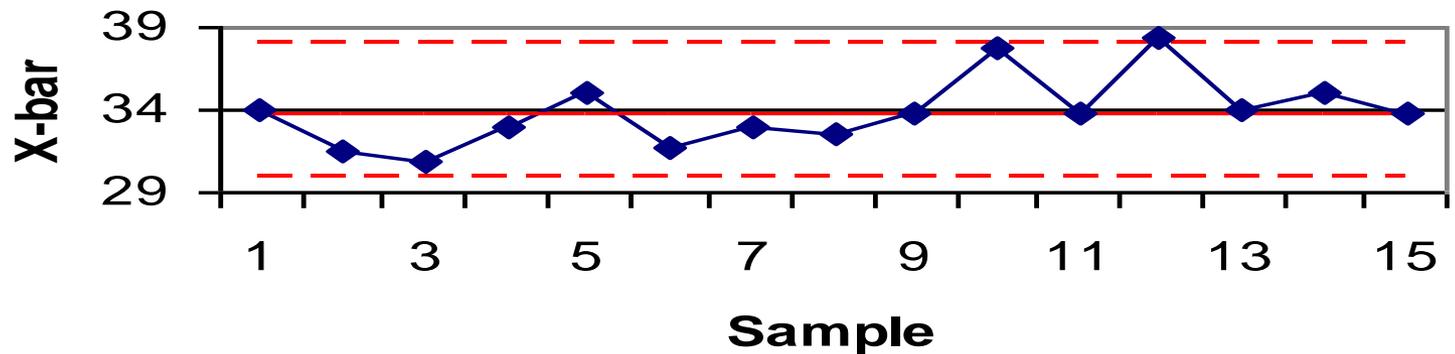
x

ملخص
الحلول

R -Chart



X-bar Chart



Estimation Of Uncertainty

Fourth Module

4

Estimation Of Uncertainty

Course Introduction

Introduction & Definitions

Sources of uncertainty

Types of uncertainty

Combined & Expanded Uncertainty

Probability Distribution

Reporting & Uncertainty Budget

4

Module
(4)
Agenda



Estimation Of Uncertainty

4-1 Introduction & Definitions

Estimation Of Uncertainty

Introduction

In many aspects of everyday life, we are accustomed to the **DOUBT** that arises when estimating how large or small things are.



Estimation Of Uncertainty

Introduction

We could, of course, be a bit more specific

23⁺²₋₂

We could say,

“it is 23 degrees Celsius give or take a couple of degrees”.

Estimation Of Uncertainty

Introduction

For example,

23⁺⁵₋₅

We may be more sure that our estimate is within, say, 5 degrees of the “true” room temperature than we are that it is within 2 degrees.

Introduction

اللايقين : نقص في درجة الثقة في القياس

المطلوب : تقدير اللايقين وتحديد درجة (مستوى) الثقة

اذن هناك تصحيحات للقياس مع وجود قدر من اللايقين ونقص في
درجة الثقة للنتائج

اذن هناك قدر من القصور في القياس يلزم تقديره

عملية القياس لا تكتمل الا بذكر قيمة اللايقين المصاحب لها

Definitions

القياس

مجموعة من العمليات تهدف الى تعيين قيمة معينة (مقارنة كمية مجهولة بكمية معلومة)

المقيس

الكمية المعينة المراد قياسها

نتيجة القياس

القيمة المنسوبة للمقيس ويحصل عليها بالقياس

النتيجة الغير مصححة

نتيجة القياس قبل التصحيح

النتيجة المصححة

نتيجة القياس بعد تصحيحها للاخطاء

Definitions

مدى اقتراب نتيجة القياس من القيمة الحقيقية للمقيس

صحة القياس

نتيجة القياس مطروحا منه القيمة الحقيقية للمقيس

الخطأ فى القياس

الخطأ فى القياس مقسوما على القيمة الحقيقية للمقيس

الخطأ النسبى



Estimation Of Uncertainty

Definitions

استخدام مقيس معين لقياس كمية معينة لا يعطى القيمة الحقيقية للكميات المقاسة لأن الحقيقة المطلقة في علم الله وحده.

اذن نحن نلجأ للقياس ونلجأ لمقارنة الكمية المقاسة بما نعتقد انه القيمة الحقيقية المطلقة.

اذن النتيجة النهائية للمقيس باستخدام اداة القياس لا تمثل القيمة الحقيقية للمقيس

اذن يوجد قدر من القصور في الاداء يلزم تقيمه (اللايقين)

Estimation Of Uncertainty

Definitions

Measurement Uncertainty is:

An estimate of range of values about the measurement value in which the accepted value is believed to lie.

هو المدى حول الصفر الذي بين حدوده تقع القيمة الحقيقية للمقيس بدرجة ثقة معينة
هو نقص في درجة الثقة في القياس

اللايقين

Estimation Of Uncertainty

Difference between error & uncertainty

Measurement Uncertainty \neq Measurement Error

Its Completely different

Estimation Of Uncertainty

Difference between error & uncertainty

الفرق بين نتيجة القياس والقيمة الحقيقية للكمية المقاسة
(الخطأ المفترض تصحيحه بالجمع او الطرح)

الخطأ

حيث أن القيمة الحقيقية للكمية المقاسة لا يمكن تحديدها
بالضبط لذا فان التصحيح يكون تقريبي ويظل هناك دائما

Residual Error

الذي يعتبر أحد مكونات حساب الالايقين

Estimation Of Uncertainty

4-2 Sources Of Uncertainty

Estimation Of Uncertainty

Sources of uncertainty

Main Sources of Variation

Equipment

Tool wear, machine vibration, ...

Material

Raw material quality

Environment

Temperature, pressure, humidity

Operator

Operator performs- physical & emotional

Estimation Of Uncertainty

Introduction

We could, of course, be a bit more specific

23⁺²₋₂

We could say :

“it is 23 degrees Celsius give or take a couple of degrees”.

Estimation Of Uncertainty

Sources of uncertainty

But there are Still Some Doubt

“Is the thermometer accurate?”

“How well can I read it?”

“Is the reading changing?”

“I am holding the thermometer in my hand. Am I warming it up?”

“Does it matter where in the room I take the measurement?”



Estimation Of Uncertainty

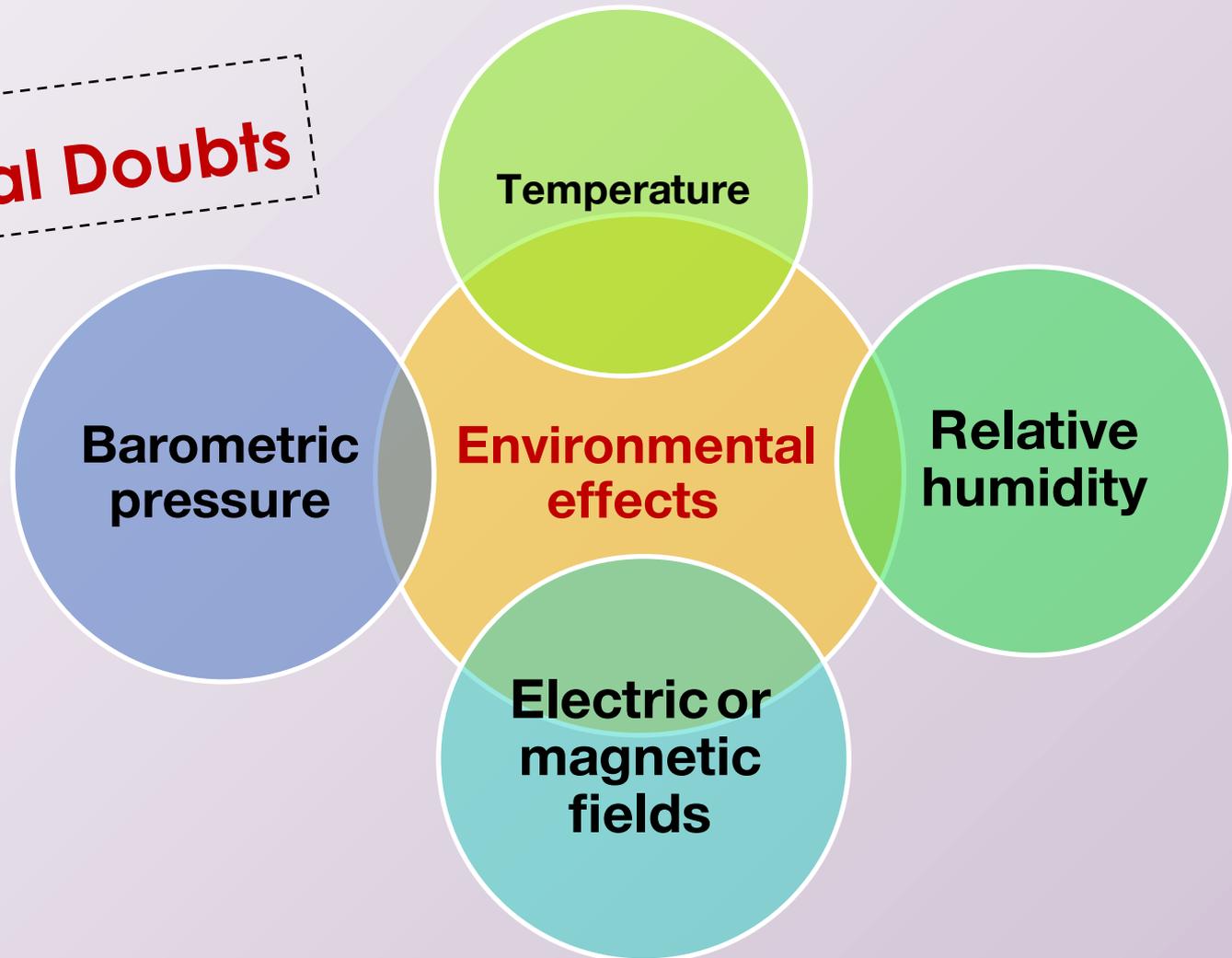
Sources of uncertainty

All these factors, and possibly others, May contribute to the uncertainty of our measurement of the room temperature.

Estimation Of Uncertainty

Sources of uncertainty

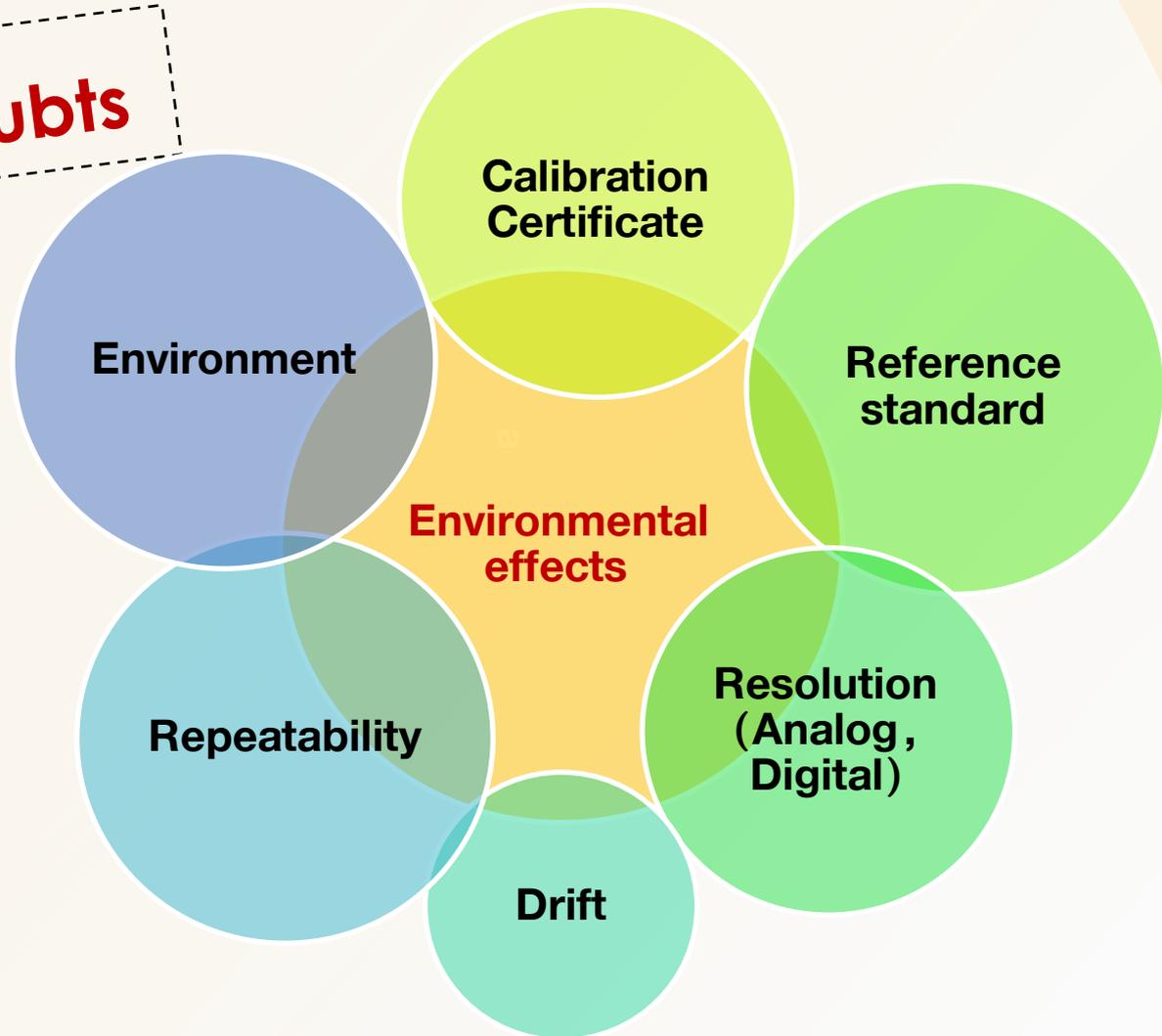
Additional Doubts



Estimation Of Uncertainty

Sources of uncertainty

Additional Doubts



Estimation Of Uncertainty

Sources of uncertainty

When Evaluating Uncertainty these items shall taken into

Reference
standard

Test Method

Connections

Environment

Operators

Estimation Of Uncertainty

4-3 Types of uncertainty

Estimation Of Uncertainty

Types of uncertainty

Generally, There are two types:

Type A (u_i) 1

Evaluation of uncertainty is carried out using statistical analysis of a series of observations.

Type B (u_j) 2

Evaluation of uncertainty is carried out using methods other than statistical analysis of a series of observations.

Estimation Of Uncertainty

Types of uncertainty

The purpose of the Type A and Type B classification is to indicate the two different ways of evaluating uncertainty components, and is for convenience in discussion only.

Estimation Of Uncertainty

Types of uncertainty

This classification does not affect the estimation of the total uncertainty.

But Always remember

**Random
components
require Type A
evaluations**

**Systematic
components
require Type B
evaluations**

Estimation Of Uncertainty

Types of uncertainty

Calculation Of Type A

Mean

$$\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{q_1 + q_2 + q_3 \cdots q_n}{n}$$

Standard Deviation

$$s(q_j) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (q_j - \bar{q})^2}$$

Type A

$$s(\bar{q}) = \frac{s(q_j)}{\sqrt{n}}$$

Estimation Of Uncertainty

Types of uncertainty

Calculation Of Type A

Example:

Four measurements were made to determine the repeatability of a measurement system. The results obtained were:

3.42, 3.88, 2.99 and 3.17

$$\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{q_1 + q_2 + q_3 \cdots q_n}{n}$$

$$s(q_j) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (q_j - \bar{q})^2}$$

$$s(\bar{q}) = \frac{s(q_j)}{\sqrt{n}}$$

Types of uncertainty

Calculation Of Type A

The Solution

The mean value $\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{3.42 + 3.88 + 2.99 + 3.17}{4} = 3.365$

The estimated standard deviation $s(q_j) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (q_j - \bar{q})^2} = 0.386$

The experimental standard deviation of the mean $s(\bar{q}) = \frac{s(q_j)}{\sqrt{n}} = \frac{0.386}{\sqrt{4}} = 0.193$

Estimation Of Uncertainty

Types of uncertainty

Calculation Of Type A

Example:

Four measurements were made to determine the repeatability of a measurement system. The results obtained were:

119.87, 120.03, 118.99, 121.00 and 119.85

$$\bar{q} = \frac{1}{n} \sum_{j=1}^n q_j = \frac{q_1 + q_2 + q_3 \cdots q_n}{n}$$

$$s(q_j) = \sqrt{\frac{1}{n-1} \sum_{j=1}^n (q_j - \bar{q})^2}$$

$$s(\bar{q}) = \frac{s(q_j)}{\sqrt{n}}$$

Estimation Of Uncertainty

119.87, 120.03, 118.99, 121.00 and 119.85

$X = 119.95$ Second

$SD = 0.7153$

$UA = 0.31991$

Estimation Of Uncertainty

Types of uncertainty

Calculation Of Type B

In evaluating the components of uncertainty it is necessary to consider and include at least the following possible sources :

(A) The reported calibration uncertainty assigned to equipment or to reference standards.

The equipment or item being measured (such as its resolution or any other effective criteria).

(B)

(C) The drift.

The effects of environmental conditions on any or all of the above.

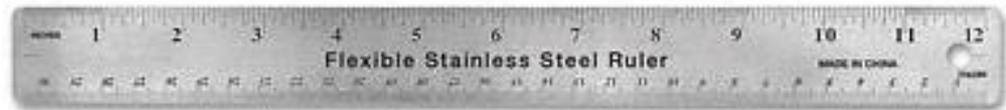
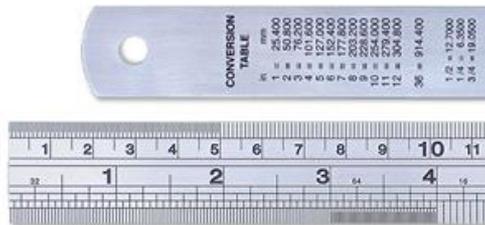
(D)

Estimation Of Uncertainty

Types of uncertainty

Calculation Of Type B

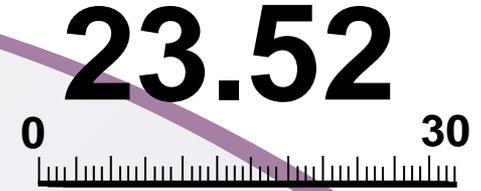
For example (Calibration certificate & Resolution)



22 - **23** - 24



23.0 - **23.5** - 24.0



23.51 - **23.52** - 23.53

Estimation Of Uncertainty

4-4 Combined & Expanded Uncertainty

Estimation Of Uncertainty

Combined Uncertainty

Combined Uncertainty (u_c) or (u_{ij})

The root sum square (RSS) combination of type A and type B.

$$(u_{ij}) = \sqrt{(u_i)^2 + (u_j)^2}$$



Estimation Of Uncertainty

Combined Uncertainty

The expanded uncertainty is equal to the combined uncertainty multiplied by a coverage factor k

$$(U) = + k (u_{ij})$$

Estimation Of Uncertainty

4-5 Probability Distribution

Estimation Of Uncertainty

Probability Distribution

If we have a set of numbers like that:

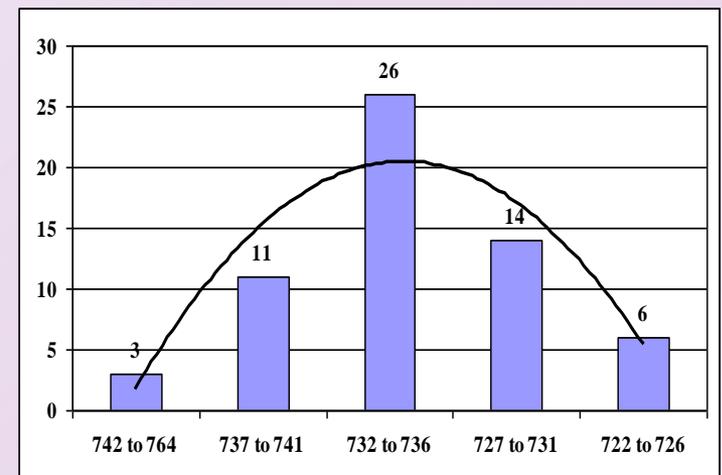
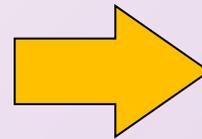
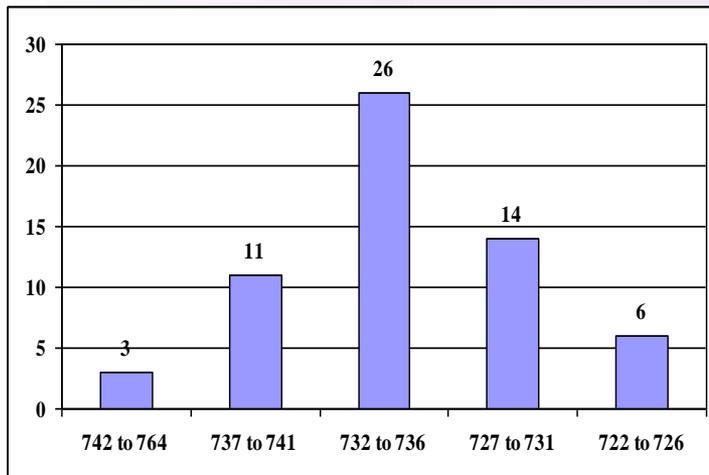
738	729	743	740	736	741	735	731	726	737
728	737	736	735	724	733	742	736	739	735
745	736	742	740	728	738	725	733	734	732
733	730	732	730	739	734	738	739	727	735
735	732	731	727	734	732	736	741	736	744
732	737	735	746	735	735	729	734	730	740



Estimation Of Uncertainty

Probability Distribution–Normal distribution

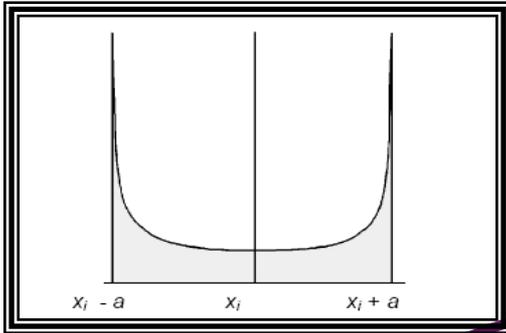
The frequency distribution will be as follows:



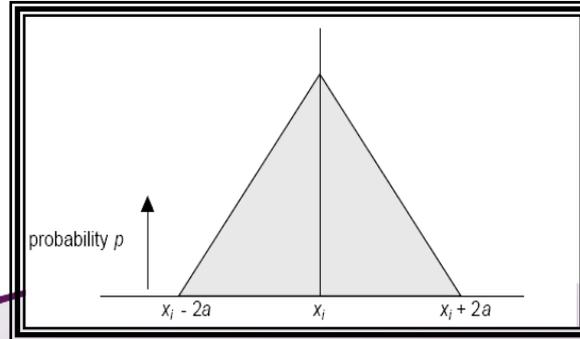
Normal Distribution Curve

Estimation Of Uncertainty

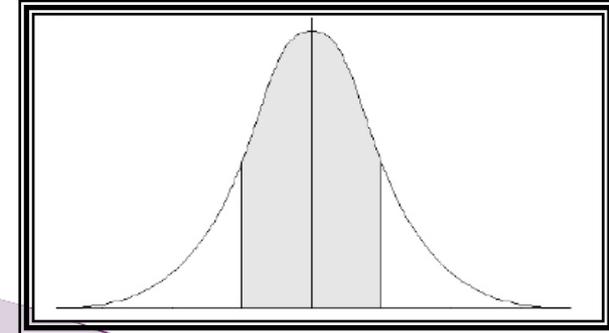
Other Probabilities for individual components



U-Shape



Triangle



Normally Distributed

If more information is available,
Different distributions may be used.



Estimation Of Uncertainty

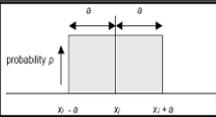
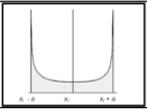
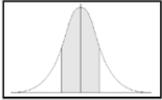
As some of the inputs are expressed as limit values (e.g., the rectangular distribution), Some Processing Is Needed to

CONVERT

Them into this form, which is known as a standard uncertainty and is referred to as $u(x_i)$.

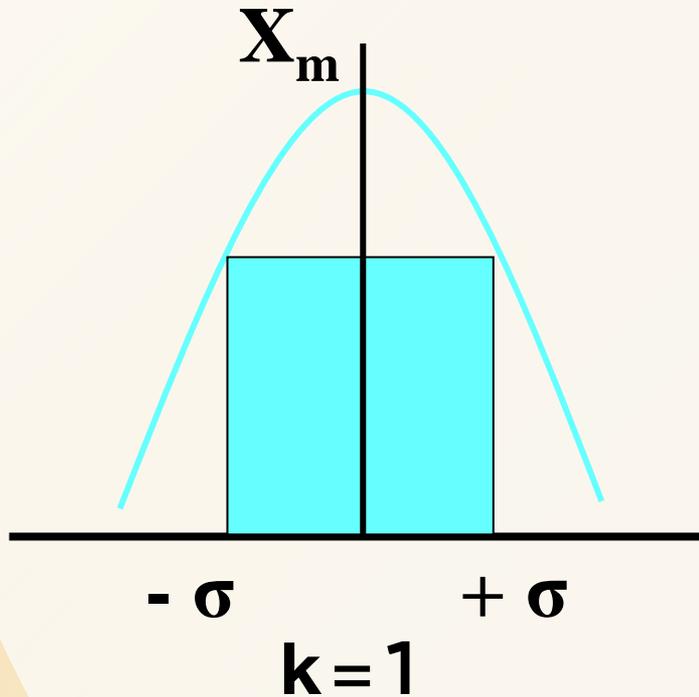
Estimation Of Uncertainty

If a coverage probability is not stated then a rectangular distribution should be assumed.

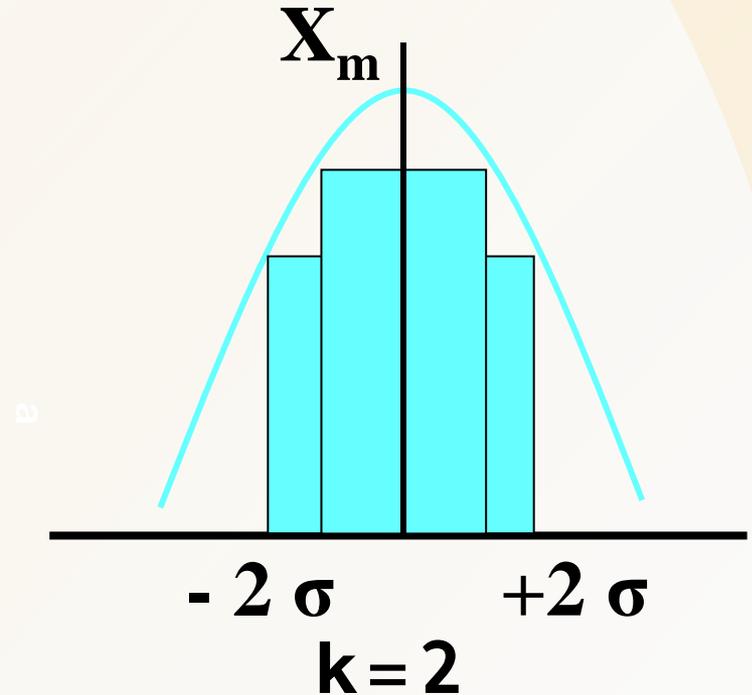
Distribution	Devisor
 <p>A diagram of a rectangular distribution. The horizontal axis is labeled with $x_1 - a$, x_1, and $x_1 + a$. The vertical axis is labeled 'probability p'. Two vertical lines are drawn at $x_1 - a$ and $x_1 + a$, with a shaded rectangular area between them. Above the rectangle, two arrows indicate the width 'a' on both sides of the center x_1.</p>	$\sqrt{3}$
 <p>A diagram of an inverse U distribution. The horizontal axis is labeled with $x_1 - a$, x_1, and $x_1 + a$. The curve starts at a high value at $x_1 - a$, decreases to a minimum at x_1, and then increases to a high value at $x_1 + a$. The area under the curve is shaded.</p>	$\sqrt{2}$
 <p>A diagram of a triangular distribution. The horizontal axis is labeled with $x_1 - a$, x_1, and $x_1 + a$. The vertical axis is labeled 'probability'. The distribution is a triangle with its peak at x_1. The area under the triangle is shaded.</p>	$\sqrt{6}$
 <p>A diagram of a normal distribution. The horizontal axis is labeled with $x_1 - a$, x_1, and $x_1 + a$. The vertical axis is labeled 'probability'. The distribution is a bell-shaped curve centered at x_1. The area under the curve is shaded.</p> <p><i>(from a calibration certificate)</i></p>	U/K Where 'K' is the confidence level

Estimation Of Uncertainty

Coverage factor (k)



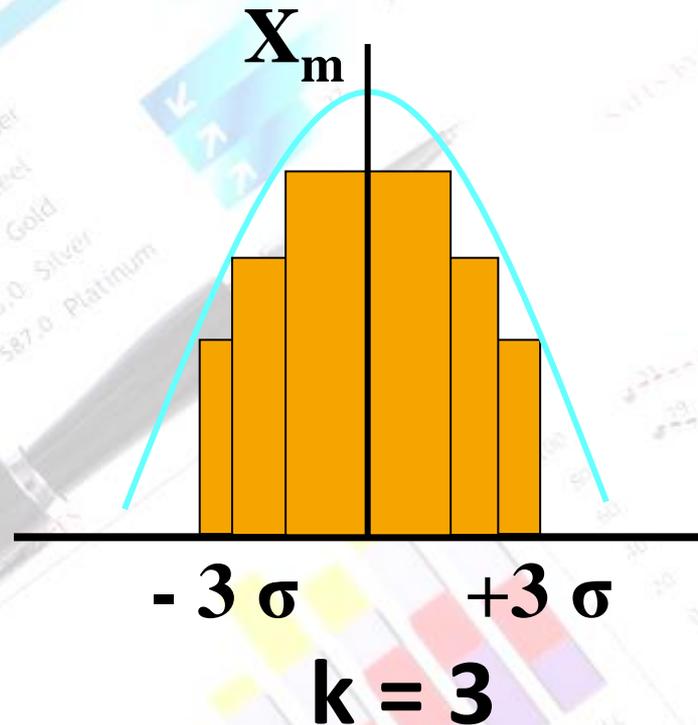
The probability that a single measurement lies within the range $X_m \pm \sigma$ is approximately 68.27%



The probability that a single measurement lies within the range $X_m \pm 2\sigma$ is approximately 95%

Estimation Of Uncertainty

Coverage factor (k)



The probability that a single measurement lies within the range $X_m \pm 2\sigma$ is approximately 99.73%

مقياس التشتت في المنتج و التوزيع الطبيعي

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1}} \quad \text{الانحراف المعياري :}$$

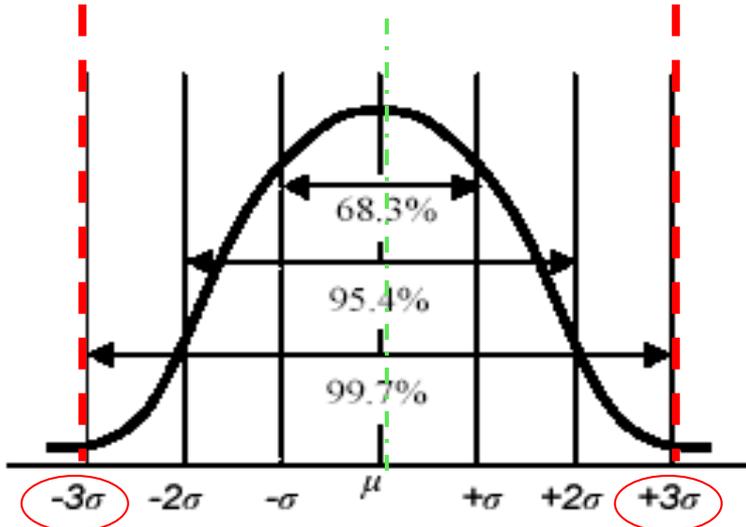


Figure1. Normal Distribution for many processes.

أكدت الدراسات أن معظم العمليات
الانتاجية تتبع التوزيع الطبيعي
(Normal Distribution)

مقدرة العملية الانتاجية تحدد
كالتالي :

1. 68.3% من المنتج تكون في حدود $(\mu \pm \sigma)$
2. 95.4% من المنتج تكون في حدود $(\mu \pm 2\sigma)$
3. 99.7% من المنتج تكون في حدود $(\mu \pm 3\sigma)$

Estimation Of Uncertainty

Coverage factor (k)

Is a value between 2 and 3 selected based on the desired confidence level and the number of degree of freedom (u)

$$(U) = + k (u_{ij})$$

Estimation Of Uncertainty

Coverage factor (k)

- If the Coverage factor (k) is not specified , or
- Type A is very significant part (>50 %) of the combined standard uncertainty,

$$(U) = + t (u_{ij})$$

The effective number of degree of freedom 't' shall be calculated.

Estimation Of Uncertainty

Using the Welsh – Satterwaite Equation

Using trails and error method

Where:

$$v_{eff} = \frac{u_c^4(y)}{\sum_{i=1}^n \frac{u_i^4(y)}{v_i}}$$

U_c = Combined Uncertainty.

U_i = Individual component's Uncertainty.

v_i = Individual component's degree of freedom.

v_i represent the degrees of freedom of the type A contribution = n-1.

Estimation Of Uncertainty

$$v_{eff} = \frac{u_c^4(y)}{\sum_{i=1}^n \frac{u_i^4(y)}{v_i}}$$

v_{eff}	1	2	3	4	5	6	7	8	10	12	14	16
$t_{95}(v)$	13.97	4.53	3.31	2.87	2.65	2.52	2.43	2.37	2.28	2.23	2.20	2.17

v_{eff}	18	20	25	30	35	40	45	50	60	80	100	∞
$t_{95}(v)$	2.15	2.13	2.11	2.09	2.07	2.06	2.06	2.05	2.04	2.03	2.02	2.00

Estimation Of Uncertainty

Estimation of Expanded Uncertainty

$$(U_{\text{exp}}) = \pm k (U_{\text{comb}})$$

If $U_A < 0.5 U_{\text{comb}}$. Use: $k = 2$

If $U_A > 0.5 U_{\text{comb}}$. Use:

$$v_{\text{eff}} = \frac{u_c^4(y)}{\sum_{i=1}^n \frac{u_i^4(y)}{v_i}}$$

Estimation Of Uncertainty

4-6 Reporting & Uncertainty Budget

Reporting The Results

After the expanded uncertainty has been calculated for a coverage probability of 95% (K=2) the value of the measure and expanded uncertainty should be reported as $Y \pm U$.

23 ± 0.1

Estimation Of Uncertainty

Suggested Simple Form for the Uncertainty Budget

#	Source of Uncertainty	Value	Distribution	Divisor	Contribution
1	U (A)		Norm	1	
2	U (B1)		Norm	2	
3	U (B2)		RECT	1.73	
4	U (B3)		RECT	1.73	
5	U (B4)		RECT	1.73	
6	U (B5)		RECT	1.73	
	Combined Uc				
Exp. Uncertainty ($U_{\text{exp.}}$)			K = 2 ($\approx 95\%$)		

شكراً لِمصغائكم

